

1)

l = custo de uma lapiseira

k = custo de um caderno

c = custo de uma caneta

Pelo enunciado:

$$\begin{cases} \textcircled{I} & l + 3k + c = 33 \\ \textcircled{II} & 2l + 7k + 2c = 76 \end{cases}$$

Quanto vale
 $l + k + c$?

Multiplicando \textcircled{I} por -2 , obtemos:

$$+ \begin{cases} -2l & -6k - 2c = -66 \\ 2l & + 7k + 2c = 76 \end{cases}$$

$\underline{\underline{k = 10}}$

Método da
SOMA

Vejam que:

$$\textcircled{I} \Rightarrow l + 3k + c = 33$$

$$l + k + c + 2k = 33 \rightarrow k = 10$$

$$\begin{array}{r} l + k + c + 20 = 33 \\ \hline l + k + c = 13 \end{array}$$

Alternativa C

2) %Pop. %PiB

20% MAIS RICOS \Rightarrow 100 \rightarrow 100%
 - 80 \rightarrow 37% \Rightarrow 20% MAIS RICOS
 Renda per capita $= \frac{PiB}{Pop} = \frac{63\% \cdot 2,4 \cdot 10^{12}}{20\% \cdot 200 \cdot 10^6}$ determina 63% do PiB.

Renda per capita $= \frac{0,63 \cdot 2,4 \cdot 10^{12}}{0,2 \cdot 2 \cdot 10^8} = \frac{0,63 \cdot 2,4 \cdot 10^4}{0,2 \cdot 2} = \frac{0,63 \cdot 24000}{0,4}$

$\frac{0,63}{0,4} = \frac{63}{40} \approx \frac{60}{40} = \frac{6}{4} = 1,5$ Aproximação, para não perder tempo em conta!

Renda per capita $= 1,5 \cdot 24000 = 36000$ reais

ALTERNATIVA D

* Caso quira valor exato:

$\frac{0,63}{0,4} = 1,575 \Rightarrow$ Renda per capita $= 1,575 \cdot 24000 = 37800$ reais

* Veja que não precisa ter a resposta exata! Basta saber um valor próximo!

3)

t = preço da tv
 f = preço do freezer
 c = preço da churrasqueira

Calcular $c + f + t$

SOMA
TUDO

$$+ \left\{ \begin{array}{l} c + f = 1288 \\ t + f = 3698 \\ c + t = 2588 \end{array} \right.$$

Loja A
Loja B
Loja C

$$\overline{2c + 2f + 2t = 1288 + 3698 + 2588}$$

2 em
evidência

$$\hookrightarrow 2(c + f + t) = 7574$$

$$c + f + t = \frac{7574}{2} = 3787 \text{ reais}$$

ALTERNATIVA C

4)

1kg de tomate

$$\left\{ \begin{array}{l} 800 \text{ g de água (80\%)} \\ 200 \text{ g popa (20\%)} \end{array} \right.$$

desidratação

$$\begin{aligned} \text{MASSA DA ÁGUA} &= 20\% \\ \text{MASSA DA POPA} &= 80\% \end{aligned}$$

MASSA DA popa é 80% da MASSA FINAL do tomate.
 logo:

$$80\% \quad \cancel{\text{---}} \quad 200g \\ 100\% \quad \cancel{\text{---}} \quad x \quad \left. \right\} 100 \cdot 200 = x \cdot 80$$

$$x = \frac{100 \cdot 200}{80} = 250g$$

Regra de 3 simples

Proporções

ALTERNATIVA C

5)

	+2	+2		
<u>1º dia</u>			<u>3º dia</u>	
5 pássaros		7 pássaros	9 pássaros	...
				<u>15º dia</u> ?
				pássaros

* Progressão Aritmética (P.A.)

$$a_n = a_1 + q(n-1)$$

- a_n = termo analisado $\rightarrow a_{15}$
- $a_1 = 1^{\circ}$ termo da P.A. $\rightarrow 5$
- $q =$ razão da P.A. $\rightarrow 2$
- $n =$ nº de Termos $\rightarrow 15$

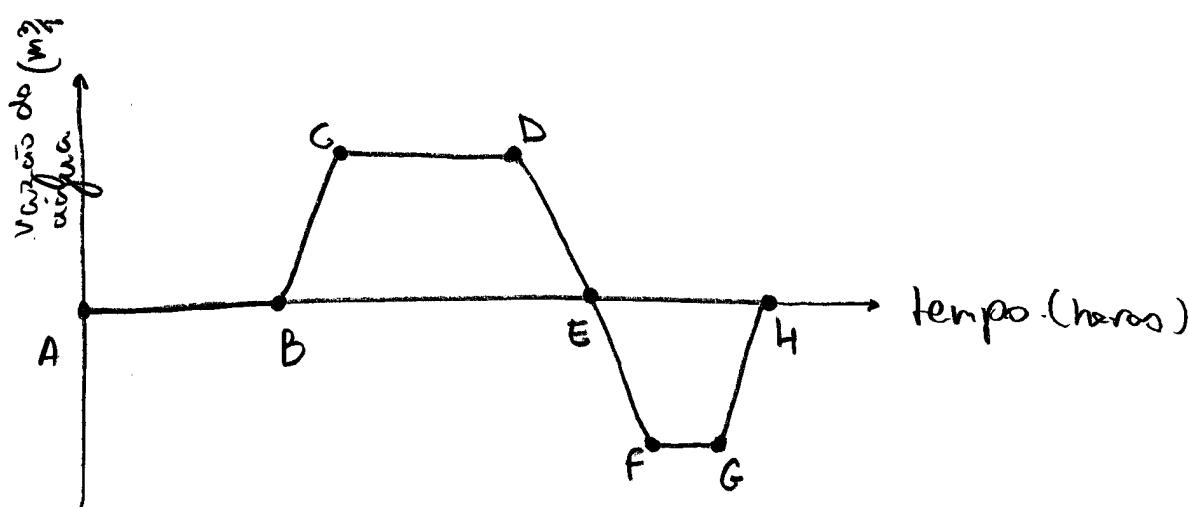
Para o 15º dia (a_{15}):

$$a_{15} = a_1 + q(n-1) = 5 + 2(15-1) =$$

$$a_{15} = 5 + 2 \cdot 14 = 5 + 28 = 33 \text{ pássaros}$$

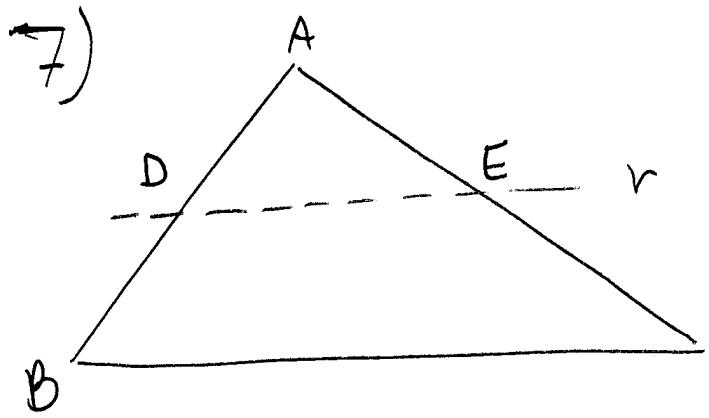
ALTERNATIVA C)

6)



- I) Verdadeiro, pois entre A e B, VAZÃO é nula.
Logo, nada entra e nada sai.
- II) Verdadeiro, pois entre B até E, A VAZÃO é positiva.
Logo, aumenta o volume do água no tanque.
- III) Verdadeiro, pois entre E até H, A VAZÃO é negativa.
Logo, diminui o volume de água no tanque.
- IV) Verdadeira, pois entre C e D, atinge-se a maior VZTO. Logo, o volume cresce mais rápido.
- V) Verdadeira, pois entre F e G, atinge-se a menor VZTO. Logo, o volume decresce mais rápido.

ALTERNATIVA E - Todas certas.



$$\begin{aligned} M_{ABC} - \text{MASSA de } ABC &= 1250 \text{ g} \\ M_{BCED} - \text{MASSA de } BCED &= 700 \text{ g} \\ M_{ADE} - \text{MASSA de } ADE &= ? \end{aligned}$$

$$M_{ADE} = M_{ABC} - M_{BCED} = 1250 - 700 = \underline{\underline{550 \text{ g}}}$$

Para espessura e densidade uniforme, pode-se concluir que:

$$M = \text{Área} \cdot \text{espessura} \cdot \text{densidade}$$

$$\frac{M_{ADE}}{M_{ABC}} = \frac{A_{ADE} \cdot \text{espessura} \cdot \text{densidade}}{A_{ABC} \cdot \text{espessura} \cdot \text{densidade}} = \frac{A_{ADE}}{A_{ABC}} = \frac{550}{1250}$$

íguais iguais

Simplificando:

$$\frac{A_{ADE}}{A_{ABC}} = \frac{550}{1250} \xrightarrow{\div 50} = \frac{11}{25} \xrightarrow{\div 50}$$

Vejá que:

$$\begin{aligned} A_{ADE} &= \frac{1}{2} \text{base} \cdot \text{altura} & \frac{\text{base}}{\text{Base}} = k \\ A_{ABC} &= \frac{1}{2} \text{Base} \cdot \text{Altura} & \frac{\text{altura}}{\text{Altura}} = k \end{aligned}$$

$k = \text{razão de proporcionalidade das bases, para os 2 triângulos semelhantes.}$

Logo:

$$\frac{AD}{AB} = k$$

$$\frac{\text{base}}{\text{Base}} = k$$

$$\frac{\text{altura}}{\text{Altura}} = k$$

∴ $\frac{\text{Área } ADE}{\text{Área } ABC} = \frac{\frac{1}{2} \text{base} \cdot \text{altura}}{\frac{1}{2} \text{Base} \cdot \text{Altura}} = k \cdot k = k^2$

$$\frac{\text{Área } ADE}{\text{Área } ABC} = \frac{11}{25} = k^2$$

DADO do Exercício:
 $\sqrt{11} \approx 3,32$

$$k^2 = \frac{11}{25} \Rightarrow k = \frac{\sqrt{11}}{\sqrt{25}} = \frac{\sqrt{11}}{5} \approx \frac{3,32}{5}$$

$$k \approx \frac{6,64}{10} = 0,664$$

VALOR PERCENTUAL \Rightarrow porcentagem.

$$\% = k \cdot 100 \% = 0,664 \cdot 100 \% =$$

66,4 %
ALTERNATIVA D

8)

$$1 \text{ kg de Alumínio} \rightarrow R\$ 2,80$$

$$1 \text{ kg de plástico} \rightarrow R\$ 0,17$$

a = quantidade de alumínio

p = quantidade de plástico $\Rightarrow ?$

$$\textcircled{I} \left\{ \begin{array}{l} a \cdot 2,8 + p \cdot 0,17 = 16,20 \\ p = 2a \end{array} \right.$$

$$\textcircled{II}$$

$$\textcircled{III} \quad a = \frac{p}{2}$$

Mé todo da
Substituição

Substituindo \textcircled{III} em \textcircled{I} :

$$a \cdot 2,8 + p \cdot 0,17 = 16,20$$

\downarrow

$$\frac{p}{2} \cdot 2,8 + p \cdot 0,17 = 16,20$$

$\overbrace{\quad}^T$

$$1,45p + 0,17p = 16,20$$

$$1,62p = 16,20$$

$$p = \frac{16,20}{1,62} = \underline{\underline{10 \text{ kg}}}$$

ALTERNATIVA E